

مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی

بی۔ ایس سی۔ سال سوم، 2019-20

ریاضیات: (الجبرا اور انالیسز حقیقی)

Assignment 1

مفوضہ کام (1)

(5 × 2 = 10)

حصہ الف: سبھی سوالات کے جواب دیجئے۔

- 1 ذیل کا کونسا الجبرائی اسٹرکچر گروپ نہیں ہے
(a) $(\mathbb{C}, +)$ (b) $(\mathbb{Z}, +)$ (c) $(\mathbb{R}, +)$ (d) $(\mathbb{N}, +)$
- 2 کسی گروپ G کا تحت سٹ $G \setminus H$ کا تحت گروپ (subgroup) ہو گا \Leftrightarrow
(a) $xy \in H, \forall x, y \in H$ (b) $xy^{-1} \in H, \forall x, y \in H$
(c) $x^{-1} \in H, \forall x \in H$ (d) انہیں سے کوئی نہیں
- 3 رنگ $(R = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}, +_6, \times_6)$ کے zero divisors
(a) $\{2, 3, 5\}$ (b) $\{3, 4, 5\}$
(c) $\{2, 3, 4\}$ (d) انہیں سے کوئی نہیں
- 4 انٹیگرل دامنه (Integral Domain) کی ایک مثال دو۔
- 5 $S = \{(1, 2, 1), (2, 1, 0), (1, -1, 0)\}$ کی اساس (Basis) ہے (صحیح/غلط)

(2 × 5 = 10)

حصہ ب: کہیں دو سوالات کے جواب دیجئے۔

- 1 بتلاؤ کہ $G = \{0, 1, 2, 3, 4\}, +_5$ ایک abelian گروپ ہے۔
 - 2 ثابت کرو کہ ہر Field ایک انٹیگرل دامنه ہے۔ کیا اس کا معکوس درست ہے؟ وضاحت کرو۔
 - 3 ثابت کرو کہ $W = \{(x, 0, 0) / x \in \mathbb{R}\}$ ، \mathbb{R}^3 ایک تحت فضاء ہے۔
 - 4 بتلاؤ کہ $r \subseteq S$ ہوگی $\Leftrightarrow \forall a, b \in S (i) a - b \in S (ii) ab \in S$
- حصہ ت: کسی ایک سوال کا جواب دیجئے۔

(1 × 10 = 10)

- 1 ثابت کرو کہ $(R = \{0, 1, 2, 3, 4\}, +_5, \times_5)$ ایک فیلڈ ہے۔
- 2 رنگ کے ہم مارفیت کے بنیادی نظریہ کو بیان اور ثابت کرو۔
- 3 اگر W_1, W_2 برداری فضا (Vector Space) $V(F)$ کے دو تحت فضا ہوں تب ثابت کرو کہ
 $dim(W_1 + W_2) = dim W_1 + dim W_2 - dim(W_1 \cap W_2)$

مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی

بی۔ ایس سی۔ سال سوم، 2019-20

ریاضیات: (الجبرا اور انالیمسز: حقیقی)

Assignment 2

مفوضہ کام (2)

(5 × 2 = 10)

حصہ الف: سبھی سوالات کے جواب دیجئے۔

1 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^p}$ مستقر ہے اگر

(a) $p < 1$ (b) $p \geq 1$ (c) $p \leq 1$ (d) $p > 1$

2 سلسلہ $\sum_{n=1}^{\infty} [\sqrt{n^2 + 1} - n]$ مستقر (Convergent) ہے (صحیح/غلط)

3 $f(x) = \frac{x-|x|}{x}$, $f(0) = 0$, $f(x) = 0$ پر مسلسل ہے یا نہیں؟

4 لیگرانج کے اوسط قیمت (Lagrange's Mean Value) کے نظریہ کو بیان کرو۔

5 اگر $f(x) = x$, $\forall x \in [0, 1]$ اور $P = \{0, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, 1\}$ تب $U(P, f) = \dots$ ہے۔

(a) $\frac{3}{2}$ (b) $\frac{2}{3}$ (c) $\frac{1}{2}$ (d) $\frac{5}{2}$

(2 × 5 = 10)

حصہ ب: کہیں دو سوالات کے جواب دیجئے۔

1 اگر $S_n = \frac{1}{\sqrt{n^2+1}} + \frac{1}{\sqrt{n^2+2}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{n^2+n}}$ ہو تب ثابت کرو کہ $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n = 1$

2 $f(x) = x^2$ کے لیے وقفہ $(-1, 1)$ میں تسلسل اور یکساں تسلسل پر بحث کرو۔

3 ثابت کرو کہ $\int_a^b f(x) dx \leq \int_a^b f(x) dx$

4 کوشی کے nth root Test کو بیان اور ثابت کرو۔

(1 × 10 = 10)

حصہ ت: کسی ایک سوال کا جواب دیجئے۔

1 اگر $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = l$ اور $\lim_{n \rightarrow \infty} b_n = m$ ہو تب ثابت کرو کہ

(i) $\lim_{n \rightarrow \infty} (a_n + b_n) = (l + m)$

(ii) $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n b_n = lm$

2 کوشی کے اوسط قیمت کے نظریہ کو بیان اور ثابت کرو۔

3 اگر $f, g \in R[a, b]$ تب بتاؤ کہ $f + g \in R[a, b]$ اور $\int_a^b (f + g) dx = \int_a^b f(x) dx + \int_a^b g(x) dx$

مولانا آزاد نیشنل اردو یونیورسٹی

بی۔ ایس سی۔ سال سوم، 2019-20

ریاضیات: (عددی انالیسز)

Assignment 1

مفوضہ کام (1)

(5 × 2 = 10)

حصہ الف: سبھی سوالات کے جواب دیجئے۔

1 Δ اور E کے درمیان کی نسبت ----- ہے

- (a) $E = 1 - \Delta$ (b) $E = 1 + \Delta$
(c) $E = \Delta - 1$ (d) انہیں سے کوئی نہیں

2 $\nabla =$ ----- ہے

- (a) $E + 1$ (b) $1 + E^{-1}$
(c) $1 - E^{-1}$ (d) انہیں سے کوئی نہیں

3 δ اور μ ، E کے درمیان کا ضابطہ ہے

- (a) $E^{1/2} = \mu + \frac{\delta}{2}$ (b) $E^{1/2} = \mu - \frac{\delta}{2}$
(c) $E^{1/2} = \frac{\delta}{2} - \mu$ (d) $E^{1/2} = \delta - \frac{\mu}{2}$

4 ریگولا فالسی (Regula-Falsi) طریقہ میں ریشہ کا ضابطہ ----- ہے۔

5 $\delta = \sigma E^{1/2}$ (صحیح/غلط)

- (a) $\frac{3}{2}$ (b) $\frac{2}{3}$ (c) $\frac{1}{2}$ (d) $\frac{5}{2}$

(2 × 5 = 10)

حصہ ب: کہنیں دو سوالات کے جواب دیجئے۔

1 ثابت کرو کہ $E\Delta = \Delta E$ (i) $(1 + \Delta)(1 - \nabla) = 1$ (ii)

2 لیگرانج کے تعریفی ضابطہ اور ذیل ڈاٹا استعمال کر کے $f(5)$ ، $f(6)$ معلوم کرو

x	1	2	3	7
$f(x)$	2	4	8	129

3 Bisection Method کے بارے میں ایک نوٹ لکھو۔

4 مساوات $x^3 - 3x - 4 = 0$ کا ایک ریشہ تصنیف (Bisection) کے طریقے سے معلوم کرو۔

(1 × 10 = 10)

حصہ ت: کسی ایک سوال کا جواب دیجئے۔

1 لیگرانج کا تحریفی ضابطہ اخذ کرو۔

2 مساوات $x^3 - 4x - 9 = 0$ کا ایک ریشہ اعشاریہ کے تین مقامات تک ریگولا فالسی کے طریقے سے معلوم کرو۔

3 Bessels کا ضابطہ اخذ کرو۔

